

# Correction

FRANCE MÉTROPOLE ANTILLES GUYANE - Septembre 2015

## Exercice 1

1.

**Affirmation 1 :** D'après le tableau  $f(2) = -1$  donc Affirmation 1 est fausse

**Affirmation 2 :**  $f(11) = (11 - 1)(2 \times 11 - 5) = 10(22 - 5) = 10 \times 17 = 170$  donc Affirmation 2 est vraie

**Affirmation 3 :** Si  $f$  était linéaire alors  $f(0) = 0$ . Comme  $f(0) = 5$ , Affirmation 3 est fausse

2. Dans la cellule B2 a été saisie :  $= (B1 - 1) * (2 * B1 - 5)$

3. Dans le tableau on constate que  $(x - 1)(2x - 5) = 0$  est vérifiée pour  $x = 1$

Résolvons complètement l'équation produit  $(x - 1)(2x - 5) = 0$

On sait qu'un **produit est nul si et seulement si un des facteurs est nul**

$$x - 1 = 0$$

$$x = 1$$

$$2x - 5 = 0$$

$$2x = 5$$

$$x = \frac{5}{2}$$

## Exercice 2

1. Comme  $JAB$  est rectangle en  $A$

D'après le **théorème de Pythagore** on a :

$$AJ^2 + AB^2 = JB^2$$

$$18^2 + 7,5^2 = JB^2$$

$$324 + 56,25 = JB^2$$

$$JB^2 = 380,25$$

$$JB = \sqrt{380,25}$$

$$JB = 19,5$$

Ainsi  $JB = 19,5 \text{ m}$

2. Dans le triangle  $JAC$  on sait que  $M \in [JA]$  et que  $U \in [JC]$

De plus  $(MU) \parallel (AC)$

On peut donc utiliser le **théorème de Thalès** :

$$\frac{JM}{JA} = \frac{JU}{JC} = \frac{MU}{AC}$$

$$\frac{10 \text{ m}}{18 \text{ m}} = \frac{3 \text{ m}}{AC}$$

Ainsi  $AC = \frac{3 \text{ m} \times 18 \text{ m}}{10 \text{ m}}$

$$AC = 5,4 \text{ m}$$

3. On peut calculer l'aire du triangle  $JCB$  par soustraction de l'aire du triangle rectangle  $JAB$  et du triangle rectangle  $JAC$

$$\text{Aire}(JAB) = \frac{18 \text{ m} \times 7,5 \text{ m}}{2} = 67,5 \text{ m}^2$$

$$\text{Aire}(JAC) = \frac{18 \text{ m} \times 5,4 \text{ m}}{2} = 48,6 \text{ m}^2$$

$$\text{Comme } \text{Aire}(JCB) = \text{Aire}(JAB) - \text{Aire}(JAC) = 67,5 \text{ m}^2 - 48,6 \text{ m}^2 = 18,9 \text{ m}^2$$

L'aire du triangle  $JCB$  mesure  $18,9 \text{ m}^2$

### Exercice 3

1.

**Cas 1**  $107 \text{ km/h}$  est une vitesse supérieure à  $100 \text{ km/h}$ . On diminue donc la vitesse enregistrée de 5%

$$107 \times \left(1 - \frac{5}{100}\right) = 107 \times 0,95 = 101,65 \text{ km/h}$$

La vitesse retenue est donc  $102 \text{ km/h}$

**Cas 2**  $2 \text{ min}$  pour parcourir  $3,2 \text{ km}$ . Comme  $2 \text{ min} \times 30 = 60 \text{ min}$  et que  $3,2 \text{ km} \times 30 = 96 \text{ km}$

La vitesse réelle de monsieur Lagarde est  $96 \text{ km/h}$

C'est une vitesse inférieure à  $100 \text{ km/h}$  donc on enlève  $5 \text{ km/h}$

La vitesse retenue est donc  $91 \text{ km/h}$

On pouvait aussi faire un produit en croix pour trouver la vitesse !

2.  $13 \text{ h } 48 \text{ min } 41 \text{ s} - 13 \text{ h } 46 \text{ min } 54 \text{ s} = 1 \text{ min } 47 \text{ s}$

M. Durand a parcouru le pont en  $1 \text{ min } 47 \text{ s}$  donc plus rapidement que monsieur Lagarde qui a eu une contravention.

M. Durand a bien eu une contravention.

Vérifions sa vitesse.

M. Durand a parcouru  $3,2 \text{ km}$  en  $1 \text{ min } 47 \text{ s} = 107 \text{ s}$ .

Il y a  $3\,600 \text{ s}$  dans une heure.

$$\text{Sa vitesse est donc } \frac{3,2 \text{ km} \times 3\,600 \text{ s}}{107 \text{ s}} \approx 107,66 \text{ km/h}$$

Cela confirme le résultat ci-dessus !

4.

La méthode la plus algébrique consiste à poser un système de deux équations à deux inconnues où  $x$  désigne le prix du pot de miel et  $y$  le prix d'un pain d'épices.

$$\begin{cases} 2x + 3y = 24(1) \\ x + 2y = 14,5(2) \end{cases}$$

Résolvons par la méthode de combinaison en multipliant l'équation (2) par 2.

$$\begin{cases} 2x + 3y = 24(1) \\ 2x + 4y = 29(2) \end{cases}$$

Puis on soustrait (1) à (2)

$$4y - 3y = 29 - 24 \text{ soit } y = 5$$

En substituant dans (2) on trouve que  $x + 10 = 14,5$  soit  $x = 4,5$

Vérifions :  $2 \times 4,5 + 3 \times 5 = 9 + 15 = 24$  et  $4,5 + 2 \times 5 = 14,5$

La pot de miel coûte  $4,5$  euros et le pain d'épices  $5$  euros

Donc comme  $3 \times 4,5 + 5 = 17,5$

Trois pots de miel et un pain d'épices coûtent  $17,5$  euro

Ou alors en étant très malin il fallait imaginer la combinaison suivante :

2 pots et 3 pains d'épices coûtent 24 euros, on multiplie par 5

10 pots et 15 pains d'épices coûtent 120 euros

1 pot et 2 pains d'épices coûtent 14,5 euros, on multiplie par 7

7 pots et 14 pains d'épices coûtent 101,5 euros.

Il suffit de soustraire les deux propositions pour arriver à celle attendue !!

Ouf !

### Exercice 5

1. Prenons 11 comme nombre de départ, on obtient successivement :

$$11 - 6 = 5 \text{ puis } 5 \times 11 = 55 \text{ et } 55 + 9 = 64$$

Lorsqu'on choisit 11 le résultat final est bien 64

2. Re commençons avec  $-4$

$$-4 - 6 = -11 \text{ puis } -11 \times (-4) = 44 \text{ et } 44 + 9 = 53$$

Lorsqu'on choisit  $-4$  le résultat final est bien 53

3. Posons  $x$  le nombre de départ.

Le programme de calcul revient à faire  $x(x - 6) + 9$

En développant on trouve  $x^2 - 6x + 9$

On reconnaît l'identité remarquable :  $(x - 3)^2$

Or un carré est toujours positif ou nul.

Théo a raison !

### Exercice 6

1.a Il faut faire la somme :

$$232 + 211 + 214 + 175 + 336 + 191 + 184 + 217 = 1\,760$$

$$1\,760 \text{ s} = 29 \times 60 \text{ s} + 20$$

Cette liste dure 29 min 20 s

1.b 3 min 30 s = 210 s

Sur 8 chansons il y en a 4 qui dépasse les 210 s

50% des chansons dépassent les 3 min 30 s

2. Les 8 chansons sont équiprobables. Il y en a 3 de Maen.

La probabilité d'écouter une chanson de Maen est  $\frac{3}{8} = 37,5\%$

3. Hudad a été écouté 4 fois sur 25 fois.

La fréquence observée d'écoute de Hudad est  $\frac{4}{25} = 16\%$

### Exercice 7

Calculons la longueur horizontale.

Dans le triangle  $DTS$  rectangle en  $S$

D'après le **théorème de Pythagore** on a :

$$ST^2 + SD^2 = TD^2$$

$$6^2 + SD^2 = 50,2^2$$

$$36 + SD^2 = 2\,520,04$$

$$SD^2 = 2\,520,04 - 36$$

$$SD^2 = 2\,484,04$$

$$SD = \sqrt{2\,484,04}$$

$$SD \approx 49,84 \text{ cm}$$

Comme  $49,84 \text{ cm} = 0,4984 \text{ m} < 0,5 \text{ m}$  l'angle de la rampe peut aller jusqu'à  $7^\circ$

Calculons l'angle  $\widehat{TDS}$

Dans le triangle  $DTS$  rectangle en  $S$

$$\sin(\widehat{TDS}) = \frac{6 \text{ cm}}{50,2 \text{ cm}}$$

À la calculatrice on trouve  $\widehat{TDS} \approx 6,86^\circ$

Cette rampe est bien conforme à la norme !