

Correction

FRANCE MÉTROPOLE ANTILLES GUYANE - Septembre 2015

Exercice 1

1.

Affirmation 1 : D'après le tableau $f(2) = -1$ donc Affirmation 1 est fausse

Affirmation 2 : $f(11) = (11 - 1)(2 \times 11 - 5) = 10(22 - 5) = 10 \times 17 = 170$ donc Affirmation 2 est vraie

Affirmation 3 : Si f était linéaire alors $f(0) = 0$. Comme $f(0) = 5$, Affirmation 3 est fausse

2. Dans la cellule B2 a été saisie : $= (B1 - 1) * (2 * B1 - 5)$

3. Dans le tableau on constate que $(x - 1)(2x - 5) = 0$ est vérifiée pour $x = 1$

Résolvons complètement l'équation produit $(x - 1)(2x - 5) = 0$

On sait qu'un **produit est nul si et seulement si un des facteurs est nul**

$$x - 1 = 0$$

$$x = 1$$

$$2x - 5 = 0$$

$$2x = 5$$

$$x = \frac{5}{2}$$

Exercice 2

1. Comme JAB est rectangle en A

D'après le **théorème de Pythagore** on a :

$$AJ^2 + AB^2 = JB^2$$

$$18^2 + 7,5^2 = JB^2$$

$$324 + 56,25 = JB^2$$

$$JB^2 = 380,25$$

$$JB = \sqrt{380,25}$$

$$JB = 19,5$$

Ainsi $JB = 19,5 \text{ m}$

2. Dans le triangle JAC on sait que $M \in [JA]$ et que $U \in [JC]$

De plus $(MU) \parallel (AC)$

On peut donc utiliser le **théorème de Thalès** :

$$\frac{JM}{JA} = \frac{JU}{JC} = \frac{MU}{AC}$$

$$\frac{10 \text{ m}}{18 \text{ m}} = \frac{3 \text{ m}}{AC}$$

Ainsi $AC = \frac{3 \text{ m} \times 18 \text{ m}}{10 \text{ m}}$

$$AC = 5,4 \text{ m}$$

3. On peut calculer l'aire du triangle JCB par soustraction de l'aire du triangle rectangle JAB et du triangle rectangle JAC

$$\text{Aire}(JAB) = \frac{18 \text{ m} \times 7,5 \text{ m}}{2} = 67,5 \text{ m}^2$$

$$\text{Aire}(JAC) = \frac{18 \text{ m} \times 5,4 \text{ m}}{2} = 48,6 \text{ m}^2$$

$$\text{Comme } \text{Aire}(JCB) = \text{Aire}(JAB) - \text{Aire}(JAC) = 67,5 \text{ m}^2 - 48,6 \text{ m}^2 = 18,9 \text{ m}^2$$

L'aire du triangle JCB mesure $18,9 \text{ m}^2$

Exercice 3

1.

Cas 1 107 km/h est une vitesse supérieure à 100 km/h . On diminue donc la vitesse enregistrée de 5%

$$107 \times \left(1 - \frac{5}{100}\right) = 107 \times 0,95 = 101,65 \text{ km/h}$$

La vitesse retenue est donc 102 km/h

Cas 2 2 min pour parcourir $3,2 \text{ km}$. Comme $2 \text{ min} \times 30 = 60 \text{ min}$ et que $3,2 \text{ km} \times 30 = 96 \text{ km}$

La vitesse réelle de monsieur Lagarde est 96 km/h

C'est une vitesse inférieure à 100 km/h donc on enlève 5 km/h

La vitesse retenue est donc 91 km/h

On pouvait aussi faire un produit en croix pour trouver la vitesse !

2. $13 \text{ h } 48 \text{ min } 41 \text{ s} - 13 \text{ h } 46 \text{ min } 54 \text{ s} = 1 \text{ min } 47 \text{ s}$

M. Durand a parcouru le pont en $1 \text{ min } 47 \text{ s}$ donc plus rapidement que monsieur Lagarde qui a eu une contravention.

M. Durand a bien eu une contravention.

Vérifions sa vitesse.

M. Durand a parcouru $3,2 \text{ km}$ en $1 \text{ min } 47 \text{ s} = 107 \text{ s}$.

Il y a $3\,600 \text{ s}$ dans une heure.

$$\text{Sa vitesse est donc } \frac{3,2 \text{ km} \times 3\,600 \text{ s}}{107 \text{ s}} \approx 107,66 \text{ km/h}$$

Cela confirme le résultat ci-dessus !

4.

La méthode la plus algébrique consiste à poser un système de deux équations à deux inconnues où x désigne le prix du pot de miel et y le prix d'un pain d'épices.

$$\begin{cases} 2x + 3y = 24(1) \\ x + 2y = 14,5(2) \end{cases}$$

Résolvons par la méthode de combinaison en multipliant l'équation (2) par 2.

$$\begin{cases} 2x + 3y = 24(1) \\ 2x + 4y = 29(2) \end{cases}$$

Puis on soustrait (1) à (2)

$$4y - 3y = 29 - 24 \text{ soit } y = 5$$

En substituant dans (2) on trouve que $x + 10 = 14,5$ soit $x = 4,5$

Vérifions : $2 \times 4,5 + 3 \times 5 = 9 + 15 = 24$ et $4,5 + 2 \times 5 = 14,5$

La pot de miel coûte $4,5$ euros et le pain d'épices 5 euros

Donc comme $3 \times 4,5 + 5 = 17,5$

Trois pots de miel et un pain d'épices coûtent $17,5$ euro

Ou alors en étant très malin il fallait imaginer la combinaison suivante :

2 pots et 3 pains d'épices coûtent 24 euros, on multiplie par 5
10 pots et 15 pains d'épices coûtent 120 euros
1 pot et 2 pains d'épices coûtent 14,5 euros, on multiplie par 7
7 pots et 14 pains d'épices coûtent 101,5 euros.
Il suffit de soustraire les deux propositions pour arriver à celle attendue !!
Ouf !

Exercice 5

1. Prenons 11 comme nombre de départ, on obtient successivement :
 $11 - 6 = 5$ puis $5 \times 11 = 55$ et $55 + 9 = 64$

Lorsqu'on choisit 11 le résultat final est bien 64

2. Re commençons avec -4
 $-4 - 6 = -11$ puis $-11 \times (-4) = 44$ et $44 + 9 = 53$

Lorsqu'on choisit -4 le résultat final est bien 53

3. Posons x le nombre de départ.
Le programme de calcul revient à faire $x(x - 6) + 9$
En développant on trouve $x^2 - 6x + 9$
On reconnaît l'identité remarquable : $(x - 3)^2$
Or un carré est toujours positif ou nul.

Théo a raison !

Exercice 6

1.a Il faut faire la somme :
 $232 + 211 + 214 + 175 + 336 + 191 + 184 + 217 = 1\ 760$
 $1\ 760\ s = 29 \times 60\ s + 20$

Cette liste dure 29 min 20 s

1.b 3 min 30 s = 210 s
Sur 8 chansons il y en a 4 qui dépasse les 210 s

50% des chansons dépassent les 3 min 30 s

2. Les 8 chansons sont équiprobables. Il y en a 3 de Maen.

La probabilité d'écouter une chanson de Maen est $\frac{3}{8} = 37,5\%$

3. Hudad a été écouté 4 fois sur 25 fois.

La fréquence observée d'écoute de Hudad est $\frac{4}{25} = 16\%$

Exercice 7

Calculons la longueur horizontale.
Dans le triangle DTS rectangle en S
D'après le **théorème de Pythagore** on a :

$$ST^2 + SD^2 = TD^2$$

$$6^2 + SD^2 = 50,2^2$$

$$36 + SD^2 = 2\ 520,04$$

$$SD^2 = 2\,520,04 - 36$$

$$SD^2 = 2\,484,04$$

$$SD = \sqrt{2\,484,04}$$

$$SD \approx 49,84 \text{ cm}$$

Comme $49,84 \text{ cm} = 0,4984 \text{ m} < 0,5 \text{ m}$ l'angle de la rampe peut aller jusque 7°

Calculons l'angle \widehat{TDS}

Dans le triangle DTS rectangle en S

$$\sin(\widehat{TDS}) = \frac{6 \text{ cm}}{50,2 \text{ cm}}$$

À la calculatrice on trouve $\widehat{TDS} \approx 6,86^\circ$

Cette rampe est bien conforme à la norme !